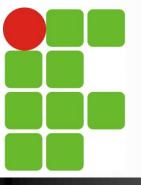




Aula 05 – Operações Lógicas sobre Proposições

Disciplina: Fundamentos de Lógica e Algoritmos Prof. Bruno Gomes



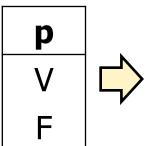
Agenda da Aula

- Outras Traduções;
- Valor Lógico de Operações sobre proposições.



Tabela da Verdade

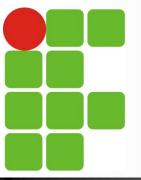
Representação:



р	q
V	V
V	F
F	V
F	F

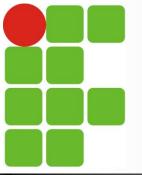


p	q	Operação
V	V	
V	F	
F	V	
F	F	



Operações Lógicas

- Negação (~)
- Conjunção (∧)
- Disjunção (∨)
- Disjunção Exclusiva (<u>∨</u>)
- Condicional (→)
- Bicondicional (↔)

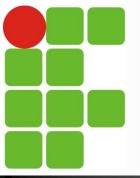


Negação (~)

- "não p" ou "~p";
- Tabela da Verdade:

р	p
V	F
F	V

- Exemplo:
 - r: Roma é a capital da França (F)
 - ~r: Roma não é a capital da França (V)



Conjunção (^)

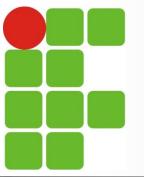
- "p e q" ou "p ∧ q";
- Tabela da Verdade:

Indica concomitância de fatos

р	q	p ^ q
V	V	V
V	F	F
F	V	F
F	F	F

Exemplo:

- p: Está chovendo. (V)
- q : Está ventando. (V)
- p ∧ q : Está chovendo e Está ventando. (V)



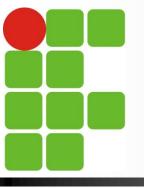
Disjunção (v)

- "p ou q" ou "p ∨ q";
- Tabela da Verdade:

Pelo menos um de dois fatos ocorre

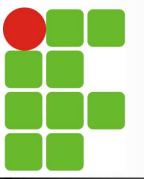
р	q	p v q
V	V	V
V	F	V
F	V	V
F	F	F

- Exemplo:
 - p : Está nublado. (V)
 - q : Está chovendo. (F)
 - p ∨ q : Está nublado ou está chovendo. (V)



Problema

- Verifique as seguintes proposições:
 - P: Carlos é médico ou professor
 - Q: Mario é alagoano ou gaúcho
- As duas proposições tem o mesmo significado?



Disjunção Exclusiva (∨)

- "ou p ou q" ou "p ∨ q" ou "p ou q, mas não ambos";
- Tabela da Verdade:

р	q	p <u>∨</u> q
V	V	F
V	F	V
F	V	V
F	F	F

Exemplo:

p : Mario é alagoano (V)

q : Mario é gaúcho (F)

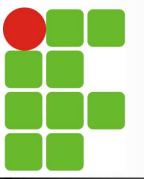
p ∨ q : Ou Mario é alagoano ou Mario é gaúcho. (V)

Condicional (\rightarrow)

- "se p então q" ou "p → q";
- Tabela da Verdade:

р	q	$p \rightarrow q$
V	V	V
V	F	F
F	V	V
F	F	V

- Exemplo:
 - r: Choveu (V)
 - s: Está molhado (V)
 - $r \rightarrow s$: Se Choveu, então está molhado. (V)



Bicondicional (\leftrightarrow)

- "p se e somente se q" ou "p ↔ q";
- Tabela da Verdade:

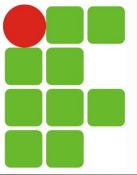
р	q	$p \rightarrow q$
V	V	V
V	F	F
F	V	F
F	F	V

Exemplo:

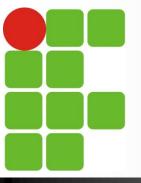
p : Será aprovado (V)

q : Estudar (V)

 \blacksquare p \leftrightarrow q : Será aprovado, se e somente se, estudar (V)



RESOLVENDO EXERCÍCIOS

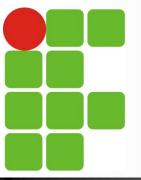


- Sejam as proposições:
 - p: Está Frio
 - q : Está chovendo

- Traduzir para a linguagem corrente:
 - ~p
 - ~q
 - p ∧ q
 - p ∨ q

- p ∨ q
- p → q
- $\blacksquare p \leftrightarrow q$

- p : Está Frio
- q : Está chovendo
- Traduções:
 - ~p "Não está Frio"
 - ~q "Não está chovendo"
 - p ∧ q "Está frio e Está chovendo"
 - p ∨ q "Está frio ou está chovendo"
 - p ∨ q "Ou está frio ou está chovendo"
 - p → q "Se está frio, então está chovendo"
 - p ↔ q "Está frio se, e somente se, está chovendo"



- Utilizando as mesmas proposições:
 - p: Está Frio
 - q : Está chovendo

- Traduzir para a linguagem corrente:
 - ~p ∧ ~q

 $p \land \sim q \rightarrow p$

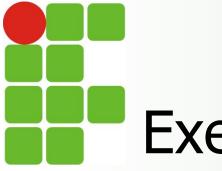
p → ~q

■ ~~p

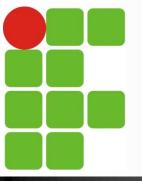
■ p ∨ ~q

■ p ∧ ~~q

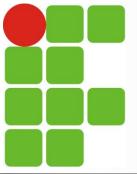
- p : Está Frio
- q : Está chovendo
- Tradução:
 - ~p ∧ ~q "Não está frio e não está chovendo"
 - p → ~q "Se Está frio, então não está chovendo"
 - p ∨ ~q "Está frio ou não está chovendo"
 - p ∧ ~q → p − "Se está frio e não está chovendo, então está frio"
 - ~~p "Está Frio"
 - p ∧ ~~q "Está frio e Está chovendo"



- Utilizando as proposições a seguir:
 - p: Maria é alta
 - q : Maria é elegante
- Traduzir para a linguagem simbólica:
 - Maria é alta e elegante
 - Maria é alta ou elegante, mas não ambos
 - Maria é alta ou é baixa e elegante



- p : Maria é alta
- q : Maria é elegante
- Tradução:
 - Maria é alta e elegante
 - p ∧ q
 - Maria é alta ou elegante, mas não ambos
 - p ∨ q
 - Maria é alta ou é baixa e elegante
 - p ∨ ~p ∧ q



OUTRAS TRADUÇÕES

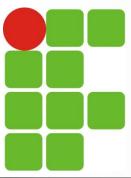
Traduções Negação (~)

- ~p:
 - Não p
 - Não é verdade que p

- ~~p:
 - p
 - Não é verdade que não p

Traduções Conjunção (^)

- Exemplo:
 - p : Claudio fala inglês
 - q : Claudio fala alemão
- p ∧ ~q
 - Claudio fala inglês e Claudio não fala Alemão
 - Claudio fala inglês mas não alemão
- ~p ∧ ~q
 - Claudio não fala inglês e Claudio não fala alemão
 - Claudio não fala inglês e nem alemão

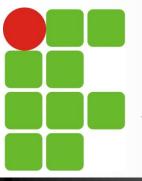


Traduções Disjunção Exclusiva (∨)

- p ∨ q
 - Ou p ou q
 - p ou q, mas não ambos



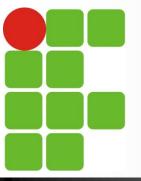
VALORES LÓGICOS



Valor Lógico das Operações

- A definição do valor Lógico final de uma proposição depende do conectivo que estiver utilizando.
- Exemplo:
 - p : Maria é alta (V)
 - q : Maria é elegante (V)
 - Qual o valor lógico da proposição: p ∧ q?

Resposta: V



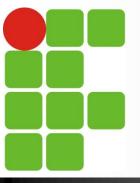
Exemplo

- p : Maria é alta (V)
- q : Maria é elegante (F)
- Qual o valor lógico para as seguintes proposições:
 - **■** p ∧ q (F)
 - **p** ∨ q (V)
 - ~p ∧ q (F)



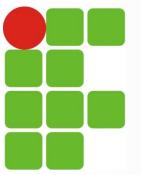
- E quando utilizar mais de um conectivo?
- Exemplo:
 - p : Maria é alta (V)
 - q : Maria é elegante (F)
 - Qual o valor lógico para:
 - **p** ∨ ~p ∧ q





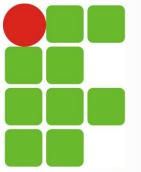
Precedência de Conectivos

- Quando a frase tiver vários conectivos, verificar a precedência:
 - Negação (~)
 - Conjunção (∧) e Disjunção (∨)
 - \blacksquare Condicional (\rightarrow)
 - Bicondicional (↔)



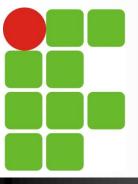
Exemplo

- p : Maria é alta (V)
- q : Maria é elegante (F)
- Qual o valor lógico para:
 - ~p ∧ q (F)
 - **■** p ∨ ~p ∧ q (F)



Exemplo

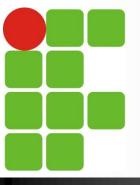
- p : Jorge é rico (V)
- q : Carlos é feliz (V)
- Qual o valor lógico para:
 - p ∧ ~q → p (V)





- Sejam as proposições:
 - p: Está Frio (V)
 - q : Está chovendo (V)
- Qual o Valor Lógico para as Proposições abaixo:
 - ~p
 - ~q
 - p ∧ q
 - p ∨ q

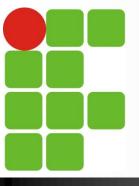
- p ∨ q
- p → q
- p ↔ q





- Sejam as proposições:
 - p : Está Frio (V)
 - q : Está chovendo (F)
- Qual o Valor Lógico para as Proposições abaixo:
 - ~p ∧ ~q
 - p → ~q
 - p ∨ ~q

- $\blacksquare p \land \sim q \rightarrow p$
- ~~p
- p ∧ ~~q





- Utilizando as proposições a seguir:
 - p: Maria é alta
 - q : Maria é elegante
- Qual o Valor Lógico para as Proposições abaixo:
 - Maria é alta e elegante
 - Maria é alta ou elegante, mas não ambos
 - Maria é alta ou é baixa e elegante